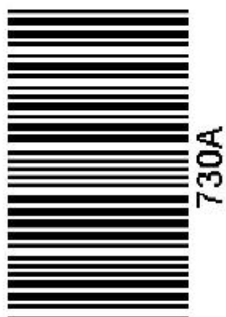


کد کنترل

730

A



## آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپوسته داخل - سال ۱۴۰۰

صبح پنجشنبه



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»  
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

آمار - (کد ۱۲۰۷)

تعداد سؤال: ۱۱۰ مدت پاسخ‌گویی: ۲۵۵ دقیقه

moshaveranetahsili.ir

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳۰	۱	۳۰
۲	دروس پایه (ریاضی عمومی (۲و۱)، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی و مبانی احتمال)	۲۵	۳۱	۵۵
۳	دروس تخصصی ۱ (احتمال (۲و۱)، آمار ریاضی (۲و۱))	۳۲	۵۶	۸۷
۴	دروس تخصصی ۲ (نمونه‌گیری (۲و۱) و رگرسیون (۱))	۲۳	۸۸	۱۱۰

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سؤالات و پائین پاسخنامه را تأیید می‌نمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

### PART A: Vocabulary

**Directions:** Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 1- I ----- the argument because I didn't know enough about the subject.  
1) depicted                      2) confronted                      3) dropped                      4) broached
- 2- Because my husband is a ----- supporter of the high school football team, he donates money to their organization every year.  
1) zealous                      2) anomalous                      3) receptive                      4) successive
- 3- Since the journey is -----, be sure to bring a first-aid kit.  
1) courageous                      2) cautious                      3) enormous                      4) perilous
- 4- The writer's stories appeal to a wide range of people—young and old, ----- and poor, literary and nonliterary.  
1) economical                      2) financial                      3) affluent                      4) elite
- 5- His nostalgia ----- of growing up in a small city are comical, though they are perhaps embellished for comic effect.  
1) impacts                      2) accounts                      3) entertainments                      4) bibliographies
- 6- On a chilly night, you might like to curl up by the fireside and ----- a cup of hot chocolate while reading one of Thurber's books.  
1) imbibe                      2) amalgamate                      3) relieve                      4) fascinate
- 7- Although Mr. Jackson was -----, he attempted to be jovial so that his colleagues at the meeting wouldn't think there was a problem.  
1) unpretentious                      2) painstaking                      3) apprehensive                      4) attentive
- 8- Obviously the network is overreacting and engaging in ----- when they say "55 million people are in danger!" for normal thunderstorms.  
1) distinction                      2) exaggeration                      3) expectation                      4) justification
- 9- My high school biology teacher loved to ----- from science into personal anecdotes about his college adventures.  
1) evolved                      2) converted                      3) reversed                      4) digressed
- 10- Landing a plane on an aircraft carrier requires a great deal of -----, as you can crash if you miss the landing zone by even a little bit.  
1) precision                      2) innovation                      3) superiority                      4) variability



**PART B: Cloze Test**

**Directions:** Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

For some time now, medical scientists have noted an alarming increase in diseases of the heart and circulation among people who smoke cigarettes. (11) ----- in the bloodstream causes blood vessels to contract, thus (12) ----- circulation, which eventually leads to hardening of the arteries. (13) ----- the arteries stiffen, less blood reaches the brain, and the end result of this slowdown is a cerebral hemorrhage, commonly (14) ----- to as a "stroke". In addition, (15) ----- reduces the ability of the hemoglobin to release oxygen, resulting in shortness of breath.

- 11- 1) The presence of tobacco is found  
 2) The presence of tobacco it is found  
 3) To be found the presence of tobacco  
 4) It has been found that the presence of tobacco
- 12- 1) slows                              2) to slow                              3) slowing                              4) it slows
- 13- 1) So                                      2) As                                      3) Afterwards                              4) Due to
- 14- 1) referred                              2) that referred                              3) referring                              4) it is referred
- 15- 1) bloodstream's tobacco                              2) the tobacco in bloodstream it  
 3) tobacco in the bloodstream which                              4) tobacco in the bloodstream

**PART C: Reading Comprehension**

**Directions:** Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

**PASSAGE 1:**

The process of digging through data to discover hidden connections and predict future trends has a long history. Sometimes referred to as "knowledge discovery in databases," the term "data mining" wasn't coined until the 1990s. But its foundation comprises three intertwined scientific disciplines: statistics (the numeric study of data relationships), artificial intelligence (human-like intelligence displayed by software and/or machines) and machine learning (algorithms that can learn from data to make predictions). What was old is new again, as data mining technology keeps evolving to keep pace with the limitless potential of big data and affordable computing power.

Over the last decade, advances in processing power and speed have enabled us to move beyond manual, tedious and time-consuming practices to quick, easy and automated data analysis. The more complex the data sets collected, the more potential there is to uncover relevant insights. Retailers, banks, telecommunications providers and insurers, among others, are using data mining to discover relationships among everything from price optimization promotions and demographics to how the economy, risk, competition and social media are affecting their business models, revenues, operations and customer relationships.

- 16- Which of the following is the best title for the passage?
- 1) Data Mining History and Current Advances
  - 2) The Limitations of the Concept of Big Data
  - 3) Future Trends in Statistics and Big Data
  - 4) Application of Modern Statistical Procedures
- 17- Which of the following statements is true?
- 1) The term data mining was coined prior to the 1990s.
  - 2) Knowledge discovery in databases is a better predictor of future trends than data mining.
  - 3) Knowledge discovery in databases is more or less similar to data mining.
  - 4) The process of digging through data to discover hidden connections is a very new phenomenon.
- 18- The scientific disciplines forming the foundation of data mining are -----.
- 1) statistics, cognitive science, and philosophy
  - 2) mathematics, cognitive science, and philosophy
  - 3) mathematics, cognitive science, and machine learning
  - 4) statistics, artificial intelligence, and machine learning
- 19- The word "evolving" in paragraph 1 is similar in meaning to -----.
- 1) advancing
  - 2) residing
  - 3) adjusting
  - 4) fluctuating
- 20- The passage refers to all of the following users of data mining EXCEPT -----.
- 1) insurers
  - 2) manufacturers
  - 3) retailers
  - 4) telecommunications providers

**PASSAGE 2:**

Tukey was born on June 16, 1915, in New Bedford, Massachusetts, and was mostly home-schooled as a child. At the age of 18, he entered Brown University and earned his BS and MS in chemistry, thereafter pursuing a PhD at Princeton. Soon after arriving at Princeton, his graduate studies shifted toward mathematics. Tukey's studies focused mostly on pure mathematics, and his thesis, "On Denumerability in Topology," was published as a book in 1940; mathematician Paul Halmos includes that book among the influential books of the period 1888-1988. After earning his PhD, Tukey became Math Instructor at Princeton and two years later Assistant Professor of Mathematics. By then, the US was engaged in World War II, and like many other leading academic institutions at that time, Princeton was involved in research to support the war effort.

The Fire Control Research Office under the direction of Merrill Flood was located in Princeton, and Tukey joined the office as Consultant in 1941. The office worked on practical problems of warfare, and these led to the use of statistics and association with statisticians such as Charlie Winsor, whom Tukey credits with converting his interests toward statistics.

- 21- Which of the following statements is true?
- 1) Tukey's thesis was later published as a book.
  - 2) Tukey earned his BS in chemistry at Princeton.
  - 3) Tukey earned his PhD in chemistry at Brown University.
  - 4) Tukey majored in mathematics at Brown University.





- 29- The word "their" in paragraph 3 refers to -----.
- 1) entire careers
  - 2) isolated years
  - 3) years X, Y, and Z
  - 4) the two players
- 30- The sentence "An example from baseball can help to illustrate" functions as the ----- in the passage.
- 1) last sentence of paragraph 1
  - 2) last sentence of paragraph 2
  - 3) first sentence of paragraph 3
  - 4) last sentence of paragraph 3

دروس پایه (ریاضی عمومی (۱ و ۲)، مبنای ماتریس‌ها و جبر خطی، مبنای آنالیز ریاضی و مبنای احتمال):

۳۱- تعداد و محل تقریبی ریشه‌های حقیقی معادله  $x(x-1)(x-2) = 1$ ، کدام است؟

- (۱) تنها یک ریشه در بازه  $[0, 1]$  دارد.
- (۲) تنها یک ریشه در بازه  $[2, 3]$  دارد.
- (۳) یک ریشه در بازه  $[0, 1]$  و دو ریشه به ازای  $x \geq 2$  دارد.
- (۴) سه ریشه به ازای  $x \geq 2$  دارد.

Moshaveranetahsili.ir



۳۲- مقدار  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{(1 + \frac{1}{1})(1 + \frac{1}{2}) \cdots (1 + \frac{1}{n})}$  کدام است؟

- (۱) صفر
- (۲) e
- (۳) ۱
- (۴)  $+\infty$

۳۳- فاصله همگرایی سری تابعی  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2x^{4n} + x^{-4n} + 3}{1 + x^{2n} + x^{-2n}}$  کدام است؟

- (۱)  $|x| > 1$
- (۲)  $0 < |x| < 1$

(۳) همواره واگرا است.

(۴) به جز  $x = 0$  همواره همگرا است.

۳۴- معادله صفحه مماس بر رویه با معادلات پارامتری  $z = \sin u$  و  $y = \cos u \sin v$ ،  $x = \cos u \cos v$  به ازای



کدام است؟  $u = \frac{\pi}{4}$  و  $v = \frac{\pi}{4}$

(۱)  $2x + 2y + \sqrt{2}z = 3$

(۲)  $x + y + \sqrt{2}z = 2$

(۳)  $2x + 2y + \frac{\sqrt{2}}{2}z = \frac{5}{2}$

(۴)  $x + y + \frac{\sqrt{2}}{2}z = 2$

Moshaveranetahsili.ir

۳۵- حاصل  $\int_1^{\infty} \frac{\arctan x}{x^2} dx$  کدام است؟

(۱)  $\ln 2$

(۲)  $\frac{\pi}{2} + \ln 2$

(۳)  $\frac{\pi}{4} + \ln \sqrt{2}$

(۴)  $\infty$

۳۶- فرض کنید  $f$  یک تابع پیوسته و به ازای مقادیر ثابت و مثبت  $a$  و  $b$  و هر  $x \in [0, 1]$  در  $[a, b]$  قرار گیرد. اگر

$A = \int_a^b \frac{dx}{f(x)}$  باشد، آن گاه کدام رابطه درست است؟

(۱)  $A \geq \frac{2}{b} - \frac{1}{a} \int_a^b f(x) dx$

(۲)  $A \geq \frac{2}{a} - \frac{1}{b} \int_a^b f(x) dx$

(۳)  $A \leq \frac{2}{b} - \frac{1}{ab} \int_a^b f(x) dx$

(۴)  $A \leq \frac{2}{a} - \frac{1}{ab} \int_a^b f(x) dx$

۳۷- حاصل انتگرال  $\iint_D (x+1)^2 y^2 dx dy$  در ناحیه  $D$  درون مثلثی با رأس‌های  $(0, 0)$  و  $(1, -1)$  و  $(1, 1)$ ، کدام است؟

(۱) صفر

(۲)  $\frac{49}{90}$

(۳) ۱

(۴)  $\frac{23}{18}$

۳۸- انحای منحنی  $r = 3 + 2 \cos \theta$  در نقطه  $(\frac{\pi}{3}, 2)$  در مختصات قطبی، کدام است؟

(۱)  $\frac{17}{13\sqrt{13}}$

(۲)  $\frac{1}{\sqrt{13}}$

(۳)  $\frac{13}{17}$

(۴)  $\frac{17}{13}$



۳۹- حاصل  $\iint_S (yzdydz + zxdzdx + xydx dy)$  که در آن  $S$  سطح کره‌ای به مرکز مبدأ مختصات به شعاع واحد است،

کدام است؟

- (۱)  $\frac{2}{8}$
- (۲)  $\frac{4}{2}$
- (۳)  $\frac{2}{4}$
- (۴)  $\frac{8}{2}$

۴۰- فرض کنید  $V$  حجم ناحیه‌ای باشد که از اطراف به استوانه  $r = \cos \theta$ ، از بالا به مخروط  $z = 16 - \sqrt{x^2 + y^2}$  و از پایین به صفحه  $xy$  محدود است. مقدار  $V$  کدام است؟

- (۱)  $2\pi - \frac{2}{9}$
- (۲)  $2\pi - \frac{4}{9}$
- (۳)  $4\pi - \frac{2}{9}$
- (۴)  $4\pi - \frac{4}{9}$

Moshaveranetahsili.ir



۴۱- مجموعه مقادیر ویژه ویژه ماتریس  $3 \times 3$  حقیقی  $A$  برابر است با  $\{-1, i, -i\}$ . در این صورت:

(۱)  $A^{-1} = -A^T - A - I$

(۲)  $A^{-1} = A^T - A - I$

(۳)  $A^{-1} = A^T + A - I$

(۴)  $A^{-1} = -A^T + A + I$

۴۲- فرض کنید  $P_f$  فضای چند جمله‌ای‌های حداکثر از درجه ۴ با ضرایب حقیقی باشد. اگر

$$W = \{f(x) \in P_f \mid f(1) + f(-1) = 0 = f(2) + f(-2)\}$$

آن‌گاه بعد زیر فضای  $W$  برابر است با:

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

Moshaveranetahsili.ir



۴۳- فرض کنید  $V$  یک فضای برداری با بعد متناهی روی میدان  $F$  و  $T: V \rightarrow V$  یک عملگر خطی باشد، کدام گزینه نادرست است؟

(۱) اگر  $\text{Ker} T = \text{Im} T$ ، آن گاه  $T^2 = 0$ .

(۲) اگر  $\text{Ker} T = \text{Im} T$ ، آن گاه  $\text{Ker}(T+T) = \{0\}$ .

(۳) اگر  $\text{Ker} T = \text{Im} T$ ، آن گاه  $\dim_F V$  عددی زوج است.

(۴) اگر  $T \neq 0, T^2 = 0$  و  $\dim_F V$  عددی زوج باشد آن گاه  $\text{Ker} T = \text{Im} T$ .

۴۴- فرض کنید  $A$  و  $B$  دو ماتریس مربعی با درایه‌های حقیقی باشند به طوری که  $A^2 \neq A$  و  $B^2 = 2B$ . اگر

چند جمله‌ای‌های مشخصه  $A$  و  $B$  به ترتیب برابر باشند با  $x(x-1)^2$  و  $x^2(x-2)^2$ ، آنگاه چند جمله‌ای مینیمال

ماتریس بلوکی  $\begin{bmatrix} A & 0 \\ 0 & B \end{bmatrix}$  برابر است با:

(۱)  $x^3(x-1)^2(x-2)^2$

(۲)  $x(x-1)(x-2)$

(۳)  $x(x-1)^2(x-2)$

(۴)  $x^2(x-1)^2(x-2)^2$

Moshaveranetahsili.ir



۴۵- فرض کنید  $A$  و  $B$  دو ماتریس  $n \times n$  حقیقی متمایز باشند به طوری که  $AB = BA$ . اگر  $A$  دارای  $n$  مقدار ویژه متمایز باشد، کدام گزینه صحیح است؟

(۱) هر مقدار ویژه  $A$ ، یک مقدار ویژه  $B$  است.

(۲) هر بردار ویژه  $A$ ، یک بردار ویژه  $B$  است.

(۳) حداقل یک بردار ویژه  $A$  موجود است که بردار ویژه  $B$  نیست.

(۴) حداقل یک مقدار ویژه  $A$  موجود است که مقدار ویژه  $B$  نیست.

۴۶- فرض کنید تابع حقیقی  $f$  بر  $[0, 1]$  پیوسته، بر  $(0, 1)$  مشتق پذیر و حدهای  $\lim_{x \rightarrow 1} f'(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0} f'(x)$  موجود و

متناهی باشند. کدام گزینه درست است؟

(۱) تابع  $f'$  بر  $[0, 1]$  موجود و یکنواخت پیوسته است.

(۲)  $f'$  در نقاط  $0, 1$  موجود است ولی لزوماً پیوسته نیست.

(۳) تابع  $f'$  بر  $[0, 1]$  موجود و پیوسته است ولی یکنواخت پیوسته نیست.

(۴)  $f'$  در نقاط  $0, 1$  لزوماً موجود نیست.



۴۷- فرض کنید  $f: (0, \infty) \rightarrow (0, \infty)$  پیوسته باشد و  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) \int_0^x f(t) dt = 1$ .

اگر  $F(x) = \int_0^x f(t) dt$ ، آنگاه  $\lim_{x \rightarrow \infty} F(x)$  برابر کدام است؟

(۱) ۱

(۲) ۰

(۳)  $\sqrt{2}$

(۴)  $\infty$

Moshaveranetahsili.ir

۴۸- فرض کنید  $0 < a < b$ . دنباله  $\{a_n\}$  را با ضابطه  $a_n = \begin{cases} a^{n+3} & n \text{ زوج} \\ b^{n+3} & n \text{ فرد} \end{cases}$  تعریف می‌کنیم.

فرض کنید  $\alpha = \lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n}$ ,  $\beta = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n}$  و  $\gamma = \overline{\lim}_{x \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n}$ . کدام گزینه درست است؟

(۱)  $\gamma = \infty$  و  $\beta = 0$ ,  $\alpha = b$

(۲)  $\beta = 0$  و  $\alpha = \gamma = b$

(۳)  $\gamma = b$  و  $\alpha = \beta = a$

(۴)  $\gamma = \infty$  و  $\beta = 0$ ,  $\alpha = a$

۴۹- فرض کنید سری  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  همگرا و دنباله  $\{a_n\}$  نزولی است. کدام سری همگرا است؟

(۱)  $\sum_{n=1}^{\infty} 3^n a_{3^n}$

(۲)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt[n]{n} a_n$

(۳)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{\sqrt{n}} a_n$

(۴)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1 + a_n}{n}$

Moshaveranetahsili.ir



مشاوران تحصیلی

تخصصی ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir

۵۰- تابع  $f: [-1, 1] \rightarrow [-1, 1]$  مفروض است. پیوستگی کدام تابع بر  $[-1, 1]$  معادل پیوستگی تابع  $f$  بر  $[-1, 1]$  است؟

(۱)  $f \circ f$

(۲)  $f^2$

(۳)  $f^3$

(۴)  $f \circ f \circ f$

۵۱- از بین اعداد دو رقمی ۱۰, ۱۱, ..., ۹۹ یک عدد به تصادف انتخاب می‌شود. اگر بدانیم که عدد انتخاب شده زوج است، چقدر احتمال دارد این عدد بر ۳ بخش پذیر باشد؟

(۱)  $\frac{1}{6}$

(۲)  $\frac{1}{3}$

(۳)  $\frac{1}{2}$

(۴)  $\frac{2}{3}$

Moshaveranetahsili.ir



۵۲- با ارقام  $n, 1, 2, \dots, n$  چند عدد  $k$  رقمی ( $k < n$ ) که دارای ارقام تکراری باشند می توان ساخت؟

$$\frac{n!}{(n-k)!} \quad (۱)$$

$$\frac{n!}{k!(n-k)!} \quad (۲)$$

$$n^k - \frac{n!}{(n-k)!} \quad (۳)$$

$$n^k - \frac{n!}{k!(n-k)!} \quad (۴)$$

۵۳- تاس A دارای ۴ وجه قرمز و ۲ وجه سفید و تاس B دارای ۴ وجه سفید و ۲ وجه قرمز است. یک سکه را پرتاب می کنیم اگر شیرآمد بازی را با تاس A و اگر خط آمد با تاس B انجام می دهیم. اگر دو پرتاب اولیه قرمز باشد، احتمال اینکه سومین پرتاب قرمز باشد کدام است؟

Moshaveranetahsili.ir



$$\frac{2}{6} \quad (۱)$$

$$\frac{2}{5} \quad (۲)$$

$$\frac{3}{6} \quad (۳)$$

$$\frac{2}{5} \quad (۴)$$

۵۴- یک کارخانه قطعات الکتریکی قطعات خود را در بسته های ۱۰ تایی عرضه می کند. قسمت بازرسی این کارخانه ۳ قطعه از یک بسته را به طور تصادفی انتخاب می کند اگر هر ۳ قطعه سالم باشد آن بسته را روانه بازار می کند. حال اگر ۳۰ درصد از بسته ها شامل ۴ قطعه خراب و بقیه آن ها شامل یک قطعه خراب باشند، چند درصد از بسته ها روانه بازار می شود؟

$$۵۴ \quad (۱)$$

$$۵۲ \quad (۲)$$

$$۴۸ \quad (۳)$$

$$۵۰ \quad (۴)$$

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir

۵۵- یک سکه سالم ۲۰ بار پرتاب می شود. احتمال پیشامد اینکه حداقل ۳ شیر پشت سرهم باشند برابر  $0,7870$  است. همچنین احتمال اینکه حداقل ۳ شیر پشت سرهم باشند یا حداقل ۳ خط پشت سرهم باشند برابر  $0,9791$  است. احتمال آمدن حداقل ۳ شیر پشت سرهم و حداقل ۳ خط پشت سرهم چقدر است؟

$$0,5949 \quad (۱)$$

$$0,7870 \quad (۲)$$

$$0,8921 \quad (۳)$$

$$0,6049 \quad (۴)$$

Moshaveranetahsili.ir

دروس تخصصی ۱ (احتمال (۲و۱)، آمار ریاضی (۲و۱)):

۵۶ کیسه‌ای شامل تعدادی تاس است. ۲۰٪ تاس‌ها چهاروجهی، ۵۰٪ آن‌ها شش‌وجهی و ۳۰٪ مابقی هشت‌وجهی است. تمام وجه‌ها شماره‌گذاری شده‌اند. به تصادف تاسی از این کیسه خارج و پرتاب می‌کنیم. اگر  $X$  شماره وجه ظاهر شده باشد،  $E(X)$  کدام است؟

(۱)  $\frac{3}{5}$

(۲)  $\frac{3}{6}$

(۳)  $\frac{3}{7}$

(۴)  $\frac{3}{8}$

۵۷ فرض کنید  $G_X(z)$  تابع مولد احتمال متغیر صحیح و نامنفی  $X$  باشد. مقدار احتمال اینکه  $X$  مقادیر زوج داشته باشد، کدام است؟

(۱)  $G_X(-1) + 1$

(۲)  $G_X(-1) - 1$

(۳)  $\frac{1}{2}(G_X(-1) - 1)$

(۴)  $\frac{1}{2}(G_X(-1) + 1)$

۵۸ فرض کنید  $X$  دارای تابع چگالی  $f(x) = k e^{-ax} (1 - e^{-ax}) I_{(0, \infty)}(x)$ ,  $(a < \ln 2)$  است؟  $I_{(c)}(x)$  تابع نشانگر است. کدام  $P(X > 1)$ ، کدام

(۱)  $2e^{-a} - e^{-2a}$

(۲)  $\frac{1}{2a}(2e^{-a} - e^{-2a})$

(۳)  $2e^{-2a} - e^{-a}$

(۴)  $\frac{1}{2a}(2e^{-2a} - e^{-a})$

۵۹ تجارب گذشته نشان می‌دهد که ۲۰٪ مسافری یک قطار بلیت خود را پس می‌گیرند. اگر امروز ۲۲۵ نفر بلیط گرفته باشند، آن‌گاه تقریباً چقدر احتمال دارد که حداکثر ۶۰٪ آن‌ها بلیط خود را پس نگیرند؟

(۱) صفر

(۲)  $\frac{5}{5}$

(۳)  $\frac{5}{75}$

(۴) ۱

۶۰ یک تاس سالم ۲ بار به‌طور مستقل پرتاب می‌شود. اگر متغیر تصادفی  $X$  نشان‌دهنده تفاضل اعداد مشاهده‌شده دو پرتاب باشد، گشتاور دوم  $X$  کدام است؟

(۱)  $\frac{35}{12}$

(۲)  $\frac{35}{6}$

(۳)  $\frac{91}{12}$

(۴)  $\frac{91}{6}$



۶۱- اگر  $X \sim U(0,1)$ ، امید ریاضی و چارک اول توزیع تصادفی  $Y = \frac{X}{1+X}$ ، به ترتیب کدامند؟

(۱)  $\frac{1}{5}, 1 - \ln 3$

(۲)  $\frac{3}{7}, 1 - \ln 2$

(۳)  $\frac{1}{5}, 1 - \ln 2$

(۴)  $\frac{3}{7}, 1 - \ln 3$

۶۲- فرض کنید  $X, Y$  دو متغیر تصادفی مستقل باشند که  $X \sim B(5, \frac{1}{3})$  و  $Y \sim B(10, \frac{2}{3})$  است.  $P(X=Y)$  کدام است؟

Moshaveranetahsili.ir



مشاوران تحصیلی

(۱)  $\binom{20}{5} \left(\frac{2}{3}\right)^5 \left(\frac{1}{3}\right)^{15}$

(۲)  $\binom{15}{5} \left(\frac{2}{3}\right)^{10} \left(\frac{1}{3}\right)^5$

(۳)  $\binom{20}{5} \left(\frac{1}{3}\right)^5 \left(\frac{2}{3}\right)^{15}$

(۴)  $\binom{15}{5} \left(\frac{1}{3}\right)^{10} \left(\frac{2}{3}\right)^5$

۶۳- فرض کنید  $X_1, X_2, X_3, X_4$  یک نمونه تصادفی  $n=4$  نایی از توزیع  $U(0,1)$  باشد به طوری که  $X_{(1)}$  کوچکترین و  $X_{(4)}$  بزرگترین آماره ترتیبی باشد، مقدار  $P(X_{(1)} + X_{(4)} \leq 1)$  کدام است؟

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir



(۱)  $\frac{1}{4}$

(۲)  $\frac{1}{2}$

(۳)  $\frac{1}{3}$

(۴)  $\frac{2}{3}$

۶۴- آزمون زبانی در اول هر ماه برگزار می‌شود، شانس موفقیت برای هر دانشجو در این آزمون  $p$  است. اگر  $n$  نفر به طور همزمان در این امتحانات شرکت کنند، احتمال اینکه اولین دانشجوی موفق، حداکثر ۴ بار امتحان داده باشد، کدام است؟

Moshaveranetahsili.ir

(۱)  $q^{fn}$

(۲)  $q^{\Delta n}$

(۳)  $1 - q^{fn}$

(۴)  $1 - q^{\Delta n}$

۶۵- اگر  $(X, Y) \sim N_2(5, 5, 25, 25, 0)$ ، آن گاه  $P[X^2 + Y^2 - 10(X + Y) > 25]$  کدام است؟

(۱)  $e^{-1}$

(۲)  $e^{-\frac{2}{9}}$

(۳)  $e^{-2}$

(۴)  $e^{-\frac{1}{2}}$

۶۶- تابع مولد گشتاورهای سه متغیر تصادفی  $X_1, X_2, X_3$  به صورت زیر است. مقدار  $E(X_1 | X_2 = 3)$  کدام است؟

$$M_{X_1, X_2, X_3}(t_1, t_2, t_3) = \left[ \frac{1}{9}e^{t_1} + \frac{2}{9}e^{t_2} + \frac{3}{9}e^{t_3} + \frac{1}{3} \right]^{10}$$

(۱)  $\frac{7}{9}$

(۲) ۱

(۳)  $\frac{10}{9}$

(۴) ۲

Moshaveranetahsili.ir



۶۷- فرض کنید  $X, Y$  دو متغیر تصادفی از توزیع نرمال دو متغیره باشند، به طوری که

$E(Y|X=x) = 4x + 3$ ,  $E(X|Y=y) = \frac{1}{16}y - 3$ ,  $Var(X) = 1$  مقدار  $E(Var(Y|X=x))$  کدام است؟

(۱) ۴۸

(۲) ۶۴

(۳)  $\frac{1}{64}$

(۴) ۱۶

مشاوران تحصیلی

تخصصی ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

۶۸- فرض کنید  $X_1, X_2$  یک نمونه تصادفی از توزیع نرمال استاندارد و  $U$  مستقل از  $X_1$  و  $X_2$  دارای توزیع

یکنواخت روی بازه  $[0, 1]$  باشد و  $Z = UX_1 + (1-U)X_2$ .  $Var(Z)$  کدام است؟

moshaveranetahsili.ir

(۱)  $\frac{1}{4}$

(۲)  $\frac{1}{3}$

(۳)  $\frac{1}{2}$

(۴)  $\frac{2}{3}$



Moshaveranetahsili.ir



۶۹- فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی حقیقی مقدار مثبت  $(\mathbb{R}^+)$  و  $E(X^2) < \infty$  باشد، در این صورت به ازای هر

$0 < a < 1$  کدام گزینه نادرست است؟

(۱)  $(1-a)E(X) \leq E(XI_{\{X \geq aE(X)\}})$

(۲)  $P(X \geq aE(X)) \geq (1-a)^2 \frac{E^2(X)}{E(X^2)}$

(۳)  $E(X) \leq E(XI_{\{X > aE(X)\}})$

(۴)  $P(X \geq aE(X)) \leq \frac{E(X^2)}{a^2 E^2(X)}$

۷۰- فرض کنید  $X \sim U(0,1)$ ،  $Y = \begin{cases} 1 & X \geq a \\ 0 & X < a \end{cases}$ . ما کسیم مقدار ضریب همبستگی  $X$  و  $Y$  کدام است؟

(۱) ۱

(۲)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$

(۳)  $\frac{1}{2}$

(۴)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

Moshaveranetahsili.ir



۷۱- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی n تایی از تابع توزیع  $x > 1$ ،  $F(x) = 1 - x^{-2}$  باشد، توزیع حدی

$Y_n = \frac{1}{\sqrt{n}} X_{(n)}$  که در آن  $X_{(n)}$  بزرگترین آماره ترتیبی می باشد، کدام است؟

(۱)  $F_Y(y) = c y^y, y > 0$

(۲)  $F_Y(y) = 1 - \frac{1}{y}, y \geq 1$

(۳)  $F_Y(y) = 1 - c^y, y \geq 0$

(۴) تباهیده در نقطه ۱

تفحصی ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir



۷۲- اگر  $X$  یک تک مشاهده از توزیعی با تابع احتمال زیر باشد:

$f(x) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x / x!}{1 - e^{-\lambda}}, \lambda > 0, x = 1, 2, 3, \dots$

کدام برآوردگر برای  $1 - e^{-\lambda}$  ناریب است؟  $I_{(.)}(X)$  تابع نشانگر است.

(۱)  $I_{\{1,3,5,\dots\}}(X)$

(۲)  $1 - e^{-X}$

(۳)  $I_{\{2,4,6,\dots\}}(X)$

(۴)  $1 - e^{-X}$

۷۳- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیعی با تابع احتمال زیر باشد:

$$f_{\theta}(x) = \begin{cases} \theta & x = -1 \\ (1-\theta)^r \theta^x & x = 0, 1, 2, \dots \end{cases} \quad (0 < \theta < 1)$$

برآورد گشتاوری  $\theta$  کدام است؟  $(X^r = \frac{1}{n} \sum X_i^r)$  تابع نشانگر است.

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n I_{\{-1\}}(X_i) \quad (1)$$

$$\frac{\bar{X}}{1 + \bar{X}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i I_{\{0, 1, 2, \dots\}}(X_i) \quad (3)$$

$$\frac{\bar{X}^r}{r + \bar{X}^r} \quad (4)$$

Moshaveranetahsili.ir

۷۴- اگر  $X_1, X_2, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی  $n$  تایی از توزیعی با تابع چگالی زیر باشد:

$$f_{\theta}(x) = \theta e^{-x} (1 - e^{-x})^{\theta-1}, \quad x > 0, \theta > 0$$

MLE پارامتر  $e^{-\theta}$  کدام است؟

$$\prod_{i=1}^n e^{-X_i} \quad (1)$$

$$\sqrt[n]{\prod_{i=1}^n (1 - e^{-X_i})} \quad (2)$$

$$\sqrt[n]{\prod_{i=1}^n e^{-X_i}} \quad (3)$$

$$\prod_{i=1}^n (1 - e^{-X_i}) \quad (4)$$

مشاوران تخصصی ترین مرکز مشاوره، نامه ریزی تضمین قبولی کارشناسی ارشد

۷۵- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع  $N(0, \sigma^2)$  باشد و قرار دهید  $\bar{X}^r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i^r$

در این صورت  $S^r = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^r$  کدوم است؟  $Cov(S^r, \bar{X}^r)$

$$\frac{r\sigma^r}{n} \quad (1)$$

$$\frac{r\sigma^r}{n} \quad (2)$$

$$\frac{r\sigma^r}{n} \quad (3)$$

$$\frac{r\sigma^r}{n} \quad (4)$$

Moshaveranetahsili.ir



۷۶ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع نمایی با میانگین  $\theta$  ( $\theta > 0$ ) باشد، امید ریاضی

$$\left( \frac{\sum_{i=1}^n i X_i}{\sum_{i=1}^n X_i} \right)^2 \text{ کدام است؟}$$

(۱)  $\frac{\gamma n^2 + 3n + 2}{12}$

(۲)  $\frac{3n^2 + \gamma n + 2}{12}$

(۳)  $\frac{\gamma n^2 + 3n + 2}{6}$

(۴)  $\frac{3n^2 + \gamma n + 2}{6}$

Moshaveranetahsili.ir

۷۷ فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_{10}$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع یکنواخت با تابع چگالی احتمال زیر است.

$$f_{\theta}(x) = \begin{cases} \frac{1}{\theta} & 0 < x < \theta \\ 0 & \text{جاهای دیگر} \end{cases}$$



اگر  $Y = \text{Max}\{X_1, \dots, X_{10}\}$ ، آنگاه کدام گزاره درست است؟

- (۱)  $Y$  آماره بسنده و کامل است.
- (۲)  $Y$  آماره بسنده ولی کامل نیست.
- (۳)  $Y$  آماره کامل ولی بسنده نیست.
- (۴)  $Y$  آماره بسنده و کامل نیست.

۷۸- فرض کنید برای  $1 \leq i \leq n$  متغیرهای تصادفی  $X_i$  از یکدیگر مستقل بوده و دارای توزیع پواسن با میانگین  $i\theta$  باشند. آماره بسنده مینیمال برای  $\theta$  کدام است؟

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir



(۱)  $\sum_{i=1}^n X_i$

(۲)  $\sum_{i=1}^n i X_i$

(۳)  $\sum_{i=1}^n i \ln X_i$

(۴)  $\left( \sum_{i=1}^n X_i, \sum_{i=1}^n i X_i \right)$

Moshaveranetahsili.ir

۷۹ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع  $N(\mu, 1)$  باشد. در این صورت UMVUE پارامتر  $\mu^3$ ، کدام است؟

(۱)  $\bar{X}^3 + \frac{3\bar{X}}{n}$

(۲)  $\bar{X}^3 - \frac{3\bar{X}}{n}$

(۳)  $\bar{X}^3 + \frac{3\bar{X}^2}{n}$

(۴)  $\bar{X}^3 - \frac{3\bar{X}^2}{n}$

۸۰- اگر  $X_1, X_2, X_3$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع  $U\left(\frac{1}{9}, \theta\right)$  باشد، فاصله اطمینان ۹۹/۹٪ برای  $\theta$  کدام است؟

(۱)  $(X_{(2)} - 1, 1 \circ X_{(3)})$

(۲)  $(X_{(2)}, 9X_{(2)} - 1)$

(۳)  $(X_{(2)}, 1 \circ X_{(3)} - 1)$

(۴)  $(X_{(2)} - 1, 9X_{(2)})$

۸۱- اگر  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد، براساس آماره بسنده می‌تیمال، یک فاصله اطمینان در سطح  $(1-\alpha)$  برای  $\theta$  کدام است؟ ( $X_{(1)}$  اولین آماره ترتیبی است).

$$f_{\theta}(x) \begin{cases} \frac{2\theta^2}{x^3} & \theta < x \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases}$$

Moshaveranetahsili.ir

مشاوران تحصیلی

بهترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی  
تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir

مشاوران تحصیلی

Moshaveranetahsili.ir

(۱)  $\left( \frac{(\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{n}}}{X_{(1)}}, \frac{(1-\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{n}}}{X_{(1)}} \right)$

(۲)  $\left( (\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{n}} X_{(1)}, (1-\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{n}} X_{(1)} \right)$

(۳)  $\left( \frac{(\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{rn}}}{X_{(1)}}, \frac{(1-\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{rn}}}{X_{(1)}} \right)$

(۴)  $\left( (\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{rn}} X_{(1)}, (1-\frac{\alpha}{2})^{\frac{1}{rn}} X_{(1)} \right)$

۸۲- فرض کنید  $X$  یک تک مشاهده از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد:

$$f_{\theta}(x) = 1 - \theta^2 \left( x - \frac{1}{2} \right) \quad 0 < x < 1, -1 < \theta < 1$$

ناحیه رد آزمون نسبت درست‌نمایی  $\Pi_0: \theta = 0$  در مقابل  $\Pi_1: \theta \neq 0$  برای هر  $\alpha$  ی کوچک، کدام است؟

$$\left\{ x - \frac{1}{2} < \alpha \right\} \quad (1)$$

$$\{ x < \alpha \} \quad (2)$$

$$\{ x > \alpha \} \quad (3)$$

$$\left\{ x - \frac{1}{2} > \alpha \right\} \quad (4)$$

۸۳- فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی با تابع چگالی احتمال  $f(x)$  باشد. دو تابع چگالی  $f_0(x)$  و  $f_1(x)$  را به شکل زیر در نظر می‌گیریم.

$$f_0(x) = \begin{cases} \frac{3}{64} x^2 & 0 < x < 4 \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases}$$

$$f_1(x) = \begin{cases} \frac{3}{16} \sqrt{x} & 0 < x < 4 \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases}$$



اگر  $c$  نقطه بحرانی پرتوان‌ترین آزمون (MPT) آزمون  $\Pi_0: f(x) = f_0(x)$  در مقابل  $\Pi_1: f(x) = f_1(x)$  باشد، توان این آزمون کدام است؟

مشاوران تحصیلی

$$\left( \frac{1}{64} c^3 \right)^{\frac{1}{2}} \quad (1)$$

$$\left( \frac{1}{16} c^3 \right)^{\frac{1}{2}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{64} c^2 \quad (3)$$

$$\frac{1}{16} c^2 \quad (4)$$

تخصصی‌ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir



Moshaveranetahsili.ir



۸۴- فرض کنید  $X$  نمونه‌ای از توزیع گسسته  $P_\theta$  باشد که در آن  $\theta \in \{\theta_0, \theta_1\}$  می‌خواهیم آزمون  $\Pi_0: \theta = \theta_0$  در مقابل  $H_1: \theta = \theta_1$  را انجام دهیم. توان‌ترین آزمون در سطح  $0.05$  کدام است؟

$x \backslash P_\theta$	0	1	2	3	4
$P_{\theta_0}$	0.01	0.02	0.03	0.05	0.44
$P_{\theta_1}$	0.02	0.1	0.51	0.3	0.07

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x = 0, 1 \\ 0.04 & x = 2 \quad (2) \\ 0 & x = 3, 4 \end{cases} \quad \phi(x) = \begin{cases} 0.1 & x = 3 \\ 0 & x = 0, 1, 2, 4 \end{cases} \quad (1)$$

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x = 1, 2 \\ 0 & x = 0, 3, 4 \quad (4) \end{cases} \quad \phi(x) = \begin{cases} 1 & x = 2 \\ 0.04 & x = 3 \\ 0 & x = 0, 1, 4 \end{cases} \quad (3)$$

۸۵- فرض کنید  $f_\theta(x)$  تابع چگالی احتمال توزیع  $N(\theta, 1)$  باشد و  $0 \leq p \leq 1$ ،  $g_p(x) = pf_1(x) + (1-p)f_0(x)$  در آزمون  $H_0: p = 0$  در مقابل  $H_1: p > 0$ ، براساس تک مشاهده  $x$  ناحیه بحرانی پرتوان‌ترین آزمون یکنواخت (UMP) به اندازه  $\alpha$  برابر کدام است؟  $(P(Z \leq z_\alpha) = \alpha)$

(1)  $x > z_{1-\alpha}$

(2)  $x < z_{1-\alpha}$

(3)  $x > z_\alpha$

(4)  $x < z_\alpha$

مشاوران تحصیلی

تخصصی ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

۸۶- فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از تابع چگالی احتمال زیر باشد:

$f_\theta(x) = \theta^2 x e^{-\theta x}$ ,  $x > 0$ ,  $\theta > 0$

برای آزمون فرض  $H_0: \theta \leq \theta_0$  در مقابل  $H_1: \theta > \theta_0$ ، ناحیه قبول آزمون UMP، در سطح معنی‌داری  $\alpha$  برای اندازه نمونه‌های بزرگ کدام است؟  $(\Phi(z_\alpha) = \alpha)$

moshaverane



(1)  $\bar{X} \geq \frac{2n + z_\alpha \sqrt{2}}{n\theta_0}$

(2)  $\bar{X} \geq \frac{2\sqrt{n} + z_\alpha}{\sqrt{n}\theta_0}$

(3)  $\bar{X} \geq \frac{2\sqrt{n} + z_\alpha \sqrt{2}}{\sqrt{n}\theta_0}$

(4)  $\bar{X} \geq \frac{2n + z_\alpha}{n\theta_0}$


Moshaveranetahsili.ir

۸۷- فرض کنید برای  $X_i \sim N(i\mu, 1), i = 1, 2, \dots, n$  و  $X_i$  ها از هم مستقل باشند. برای آزمون  $H_0: \mu \leq 0$  در مقابل  $H_1: \mu > 0$  به طور یکنواخت پرتوان ترین آزمون در سطح  $\alpha$  کدام است؟  $(P(Z > z_\alpha) = \alpha)$

$$\varphi(T) = \begin{cases} 1 & T = \sum_{i=1}^n iX_i > z_\alpha \sum_{i=1}^n i^2 \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases} \quad (1)$$

$$\varphi(T) = \begin{cases} 1 & T = \sum_{i=1}^n iX_i > z_\alpha \sqrt{\sum_{i=1}^n i^2} \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases} \quad (2)$$

$$\varphi(T) = \begin{cases} 1 & T = \sum_{i=1}^n iX_i > \frac{z_\alpha}{\sum_{i=1}^n i^2} \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases} \quad (3)$$



$$\varphi(T) = \begin{cases} 1 & T = \sum_{i=1}^n iX_i > \frac{z_\alpha}{\sqrt{\sum_{i=1}^n i^2}} \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases} \quad (4)$$

دروس تخصصی ۲ (نمونه گیری (۱ و ۲) و رگرسیون (۱):

۸۸  $SRSWR_m$  را به عنوان یک طرح نمونه گیری تصادفی ساده بدون جایگذاری به حجم  $m$  در نظر بگیرید.

کدام یک از طرح های زیر یک طرح  $SRSWR_n$  نیست؟ (اندازه جامعه  $N$ )

(۱) یک  $SRSWR_{n_1}$  از جامعه گرفته، سپس به جامعه بازگردانده می شود و مستقل از آن یک  $SRSWR_{n_2}$  از

جامعه می گیریم  $(n = n_1 + n_2)$  و دو نمونه را به عنوان یک نمونه در نظر می گیریم.

(۲) یک  $SRSWR_{N-n}$  گرفته و  $n$  عضو باقیمانده را به عنوان نمونه نهایی در نظر می گیریم.

(۳) ابتدا یک  $SRSWR_{n^*}$  از جامعه گرفته  $(n^* > n)$  و سپس یک  $SRSWR_n$  از داخل آن می گیریم.

(۴) یک  $SRSWR_{n_1}$  از جامعه گرفته و از باقیمانده جمعیت  $(N - n_1)$  عضو  $SRSWR_{n_2}$  می گیریم

و دو نمونه را به عنوان یک نمونه در نظر می گیریم  $(n = n_1 + n_2)$

۸۹- در نمونه‌گیری تصادفی ساده بدون جایگذاری به حجم  $n$  از جامعه‌ای به حجم  $N$ ، اگر حجم نمونه را دو برابر کنیم آن‌گاه کارآیی برآوردگر ناریب نسبت جامعه ۳ برابر می‌شود. در این صورت کسر نمونه‌گیری  $\left(\frac{n}{N}\right)$  کدام است؟

(۱)  $\frac{1}{3}$

(۲)  $\frac{1}{4}$

(۳)  $\frac{1}{6}$

(۴)  $\frac{1}{12}$

۹۰- اگر در جامعه‌ای به حجم  $N$  دقت نسبی نمونه‌گیری تصادفی ساده با جایگذاری نسبت به نمونه‌گیری تصادفی ساده بدون جایگذاری در برآورد تعداد کل اعضای جامعه برابر با  $a$  و  $a < 1$  باشد، برآورد حجم نمونه کدام است؟

(۱)  $(1-a)N - a$

(۲)  $(1-a)N + a$

(۳)  $aN - (1-a)$

(۴)  $aN + (1-a)$

Moshaveranetahsili.ir



۹۱- در نمونه‌گیری تصادفی ساده بدون جایگذاری از جامعه‌ای به حجم  $N = 15$ ، چقدر احتمال دارد در یک نمونه  $n = 10$  تایی واحدهای اول و دوم جامعه در نمونه انتخاب شوند به شرط آنکه بدانیم واحد سوم جامعه در نمونه قرار نمی‌گیرد؟

(۱)  $\frac{45}{91}$

(۲)  $\frac{45}{105}$

(۳)  $\frac{46}{91}$

(۴)  $\frac{46}{105}$

تخصصی ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir

۹۲- جامعه‌ای شامل ۱۰۰۰ نفر در قالب ۲۵۰ خانوار و هر خانوار دارای یک سرپرست می‌باشد. به طور تصادفی ساده با جایگذاری ۲ نفر از جامعه انتخاب و از فرد انتخاب شده تعداد اعضای خانوار، سن سرپرست و مجموع سن افراد خانوار وی سوال شده است. داده‌ها در جدول زیر آمده است. برآوردگر ناریب میانگین سن افراد جامعه و میانگین سن سرپرستان به ترتیب کدامند؟

تعداد اعضای خانوار	سن سرپرست	مجموع سن اعضای خانوار
۷	۸۴	۲۱۰
۵	۶۰	۱۸۰

(۴) ۳۳ و ۴۸

(۳) ۳۳ و ۷۷

(۲) ۳۶ و ۴۸

(۱) ۳۶ و ۷۷



۹۳- از جامعه‌ای متناهی شامل  $N$  عنصر، یک نمونه تصادفی ساده بدون جایگذاری به حجم  $n_1$  انتخاب و میانگین نمونه را با  $\bar{X}_{S_1}$  نشان می‌دهیم. سپس یک نمونه تصادفی ساده به حجم  $n_2$  ( $n_2 < n_1$ ) به روش بدون جایگذاری از نمونه اولیه انتخاب و میانگین نمونه را با  $\bar{X}_{S_2}$  نشان می‌دهیم. در این صورت  $Cov(\bar{X}_{S_1}, \bar{X}_{S_2})$  کدام است؟

(۱)  $(1 - \frac{n_2}{N}) \frac{S^2}{n_2}$

(۲)  $(1 - \frac{n_2}{N}) \frac{S^2}{n_1}$

(۳)  $(1 - \frac{n_1}{N}) \frac{S^2}{n_1}$

(۴)  $(1 - \frac{n_1}{N}) \frac{S^2}{n_2}$

۹۴- در جامعه‌ای شامل ۳ طبقه، اگر حجم نمونه بهینه و حجم نمونه متناسب برای طبقه اول یکسان باشد، آنگاه کدام گزینه صحیح است؟ (هزینه نمونه‌گیری برای هر واحد در تمام طبقات یکسان است و  $W_i$  وزن طبقه  $i$  ام جامعه است.)

(۱)  $W_3 S_3 = W_1 S_1 + W_2 S_2$

(۲)  $W_2 S_2 = W_1 S_1 + W_3 S_3$

(۳)  $S_1 = S_2 + \frac{W_2}{1 - W_1} (S_2 - S_3)$

(۴)  $S_1 = S_3 + \frac{W_3}{1 - W_1} (S_2 - S_3)$



مشاوران تحصیلی

۹۵- در یک نمونه‌گیری با طبقه‌بندی تابع هزینه به صورت  $C = \sum_{i=1}^2 c_i n_i$  است.  $n_i$  حجم نمونه در طبقه  $i$  و  $c_i$  هزینه تهیه یک واحد نمونه در طبقه  $i$  است. اگر  $w_i$  و  $p_i$  به ترتیب وزن و نسبت صفت مورد نظر در طبقه  $i$  باشد داریم:

طبقه $i$ ام	$w_i$	$p_i$	$c_i$
۱	۰/۴	۰/۵	۱۰۰
۲	۰/۶	۰/۵	۴۰۰

اگر  $n$  حجم کل نمونه باشد در این صورت برای واریانس تثبیت شده برآورد نسبت جامعه، مقدار هزینه کل  $C$  کمینه است هرگاه  $\frac{n_1}{n}$  برابر کدام مقدار باشد؟



(۱)  $\frac{2}{7}$

(۲)  $\frac{4}{7}$

(۳)  $\frac{4}{8}$

(۴)  $\frac{2}{8}$

Moshaveranetahsili.ir

۹۶- جامعه‌ای با ۴ خوشه با حجم یکسان ۱۰ به شرح زیر را در نظر بگیرید:

شماره خوشه	۱	۲	۳	۴
میانگین خوشه $(\bar{Y}_i)$	۲	۴	۱	۱
واریانس خوشه $(S_i^2)$	۱	۲/۱	۳/۹	۱

اگر برای برآورد میانگین جامعه ۲ خوشه به تصادف انتخاب شوند و سپس از هر خوشه ۵ نمونه انتخاب گردد واریانس برآورد میانگین جامعه کدام است؟

- (۱) ۰/۴
- (۲) ۰/۵
- (۳) ۰/۶
- (۴) ۰/۷

۹۷- در یک نمونه‌گیری به روش سیستماتیک از جامعه‌ای به حجم ۲۱ نمونه‌ای به حجم ۵ استخراج کرده‌ایم. اگر مجموع مقادیر نمونه به دست آمده برابر ۲۵ باشد، برآوردگر نارایب میانگین جامعه کدام است؟

Moshaveranetahsili.ir



- (۱)  $\frac{100}{21}$
- (۲)  $\frac{101}{20}$
- (۳)  $\frac{100}{20}$
- (۴)  $\frac{101}{21}$

۹۸- در یک نمونه سیستماتیک  $(N = nk)$  می‌دانیم حجم جامعه برابر ۲۰ و گام سیستماتیک برابر ۵ است. اگر عناصر نمونه سیستماتیک ۴ و ۱ و ۲ و ۵ باشند در مورد برآورد واریانس برآوردگر نارایب میانگین جامعه و ارببی آن کدام گزینه صحیح است؟

تخصصی ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir



- (۱)  $(\frac{4}{3}, \text{نارایب})$
- (۲)  $(\frac{5}{6}, \text{ارایب})$
- (۳)  $(\frac{2}{3}, \text{ارایب})$
- (۴)  $(\frac{5}{6}, \text{نارایب})$

۹۹- فرض کنید  $Y$  صفت اصلی و  $X$  صفت کمکی در یک جامعه باشد. برای برآورد  $R_N = \frac{\bar{Y}_N}{\bar{X}_N}$  از مقدار نمونه‌ای

Moshaveranetahsili.ir

$R_n = \frac{\bar{Y}_n}{\bar{X}_n}$  استفاده می‌شود. تحت چه شرایطی  $R_n$  برآورد نارایب  $R_N$  خواهد بود؟

- (۱) اگر  $R_n$  و  $\bar{X}_n$  ناهمبسته باشند.
- (۲) اگر  $R_n$  و  $\bar{Y}_n$  ناهمبسته باشند.
- (۳) اگر  $\bar{Y}_n$  و  $\bar{X}_n$  هر دو به ترتیب برآورد نارایب  $\bar{Y}_N$  و  $\bar{X}_N$  باشند.
- (۴) اگر  $\bar{Y}_n$  و  $\bar{X}_n$  ناهمبسته و هر دو به ترتیب برآورد نارایب  $\bar{Y}_N$  و  $\bar{X}_N$  باشند.

۱۰۰- در نمونه‌گیری طبقه‌ای در صورتی که میانگین معمولی همه مشاهدات را به‌عنوان برآوردگر میانگین جامعه در نظر بگیریم، آن‌گاه این برآوردگر در چه شرایطی ناریب است؟

- (۱) فقط اگر کسر نمونه‌گیری در همه طبقات برابر باشد.
- (۲) اگر تخصیص برابر باشد یا کسر نمونه‌گیری در همه طبقات برابر باشد.
- (۳) فقط اگر میانگین طبقات جامعه با یکدیگر برابر باشند.
- (۴) اگر تخصیص متناسب باشد یا میانگین طبقات جامعه با یکدیگر برابر باشد.

۱۰۱- مطالعاتی در خصوص عوامل مؤثر بر اندازه منزل مسکونی در یک منطقه انجام و متغیرهای مستقل مورد استفاده عبارتند از درآمد خانواده (Income X1)، اندازه خانواده (Size X2) و میزان تحصیلات سرپرست خانواده (School X3). نتیجه در جدول زیر آمده است. براساس این جدول مدل برازش شده مناسب کدام است؟

	Coefficients	Standard Error	t Stat	P-value
Intercept	-۱,۶۳۳۵	۵,۸۰۷۸	-۰,۲۸۱	۰,۷۷۹۸
Income	۰,۴۴۸۵	۰,۱۱۳۷	۳,۹۵۵	۰,۰۰۰۳
Size	۴,۲۶۱۵	۰,۸۰۶۲	۵,۲۸۶	۰,۰۰۰۱
School	-۰,۶۵۱۷	۰,۴۳۱۹	-۱,۵۰۹	۰,۱۳۸۳



مشاوران  
تحصیلی

$$\hat{y} = 0,4485X_1 + 4,2615X_2 \quad (1)$$

$$\hat{y} = 0,4485X_1 + 4,2615X_2 - 0,6517X_3 \quad (2)$$

$$\hat{y} = -1,6335 + 0,4485X_1 + 4,2615X_2 \quad (3)$$

$$\hat{y} = -1,6335 + 0,4485X_1 + 4,2615X_2 - 0,6517X_3 \quad (4)$$

۱۰۲- در مدل رگرسیونی با ۳ متغیر مستقل اگر فرض  $H_0: \beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = 0$  رد شود، نتیجه می‌گیریم که:

- (۱) هر سه متغیر مستقل دارای شیب صفر هستند.
- (۲) بین متغیر وابسته و تمامی متغیرهای مستقل رابطه خطی معنی‌دار وجود دارد.
- (۳) بین متغیر وابسته و متغیرهای مستقل رابطه خطی معنی‌دار وجود ندارد.
- (۴) بین متغیر وابسته و حداقل یکی از متغیرهای مستقل رابطه خطی معنی‌دار وجود دارد.

۱۰۳- مدل رگرسیونی  $Y_i = \alpha + \beta x_i + \epsilon_i (i = 1, \dots, 6)$  را در نظر بگیرید. فرض کنید  $\hat{y}_i = \hat{\alpha} + \hat{\beta} x_i$  که در آن  $\hat{\alpha}$  و

$\hat{\beta}$  برآوردگرهای کمترین توان‌های دوم خطای  $\alpha$  و  $\beta$  هستند. اگر  $\sum_{i=1}^6 y_i(\hat{y}_i - \bar{y}) = 10,8$  و مقدار آماره

آزمون معناداری شیب خط رگرسیون برابر ۶ باشد، آنگاه مجموع مربعات کل (SST) مدل رگرسیون کدام است؟

(۱) ۱,۲

(۲) ۱۲

(۳) ۹

(۴) ۱۰



۱۰۴- مدل رگرسیونی  $\hat{y}_i = 1 + 0.5x_i$  ( $i = 1, \dots, 10$ ) را به روش کمترین توان‌های دوم خطا برازش داده‌ایم. اگر

$$\sum_{i=1}^{10} \hat{y}_i^2 = 42.5 \text{ و } \sum_{i=1}^{10} y_i = 15$$

(۱) ۰/۱

(۲) ۰/۵

(۳) ۰/۱۵

(۴) ۰/۸۵

۱۰۵- اگر در یک مدل رگرسیونی شامل عرض از مبدا و ۵ متغیر مستقل و ۳۰ مشاهده، بخواهیم آزمون فرض

$$H_0: \beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = \beta_4 = \beta_5$$

(۱) ۳ و ۲۴ درجه آزادی

(۲) ۲ و ۲۴ درجه آزادی

(۳) ۲ و ۲۵ درجه آزادی

(۴) ۲ و ۲۵ درجه آزادی

۱۰۶- در روش رگرسیون گام به گام، چنانچه متغیرهای مستقل  $X_1, X_2, X_3, X_4$  در مدل وجود داشته باشند و

$$F_{0.05}(1, 9) = 1.51 \text{ و اطلاعات زیر موجود باشد:}$$

$$F^* = \frac{MSR(b_1 | b_2, b_3, b_4)}{MSE(b_1, b_2, b_3, b_4)} = 142.48$$

$$F^* = \frac{MSR(b_2 | b_1, b_3, b_4)}{MSE(b_1, b_2, b_3, b_4)} = 4.77$$

$$F^* = \frac{MSR(b_3 | b_1, b_2, b_4)}{MSE(b_1, b_2, b_3, b_4)} = 1.76$$

کدام متغیر مستقل باید حذف گردد؟

(۱)  $X_1$

(۲)  $X_2$

(۳)  $X_4$

(۴) هیچ کدام

۱۰۷- در نخستین مرحله انتخاب مدل رگرسیونی به روش گام به گام داریم:

$$F^* = \frac{MSR(b_1)}{MSE(b_1)} = 12.34 \text{ و } F^* = \frac{MSR(b_2)}{MSE(b_2)} = 22.29$$

$$F^* = \frac{MSR(b_3)}{MSE(b_3)} = 4.36 \text{ و } F^* = \frac{MSR(b_4)}{MSE(b_4)} = 23.13$$

اگر  $F_{0.05}(1, 11) = 2.23$ . آنگاه کدام متغیر باید اضافه شود؟

(۱)  $X_1$

(۲)  $X_2$

(۳)  $X_3$

(۴)  $X_4$

۱۰۸- مدل رگرسیونی خطی ساده  $Y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$  برای  $i = 1, \dots, n$  را با فرض استقلال و هم توزیعی مؤلفه‌های خطا با میانگین صفر و واریانس  $\sigma^2$  در نظر بگیرید که  $x_i$ ها استاندارد شده‌اند. امید ریاضی مجموع توان دوم کل (SST) کدام است؟

(۱)  $(n-1)\sigma^2$

(۲)  $(n-2)\sigma^2 + \beta_1^2$

(۳)  $(n-1)(\sigma^2 + \beta_1^2)$

(۴)  $(n-2)\sigma^2$

۱۰۹- در مدل رگرسیونی  $Y = \theta + \varepsilon$  که در آن  $\varepsilon \sim N(\varepsilon, \sigma^2 I_F)$  و  $\theta_1 + \theta_2 + \theta_3 + \theta_4 = 0$ ، آماره F برای آزمون  $H_0: \theta_1 = \theta_2$  کدام است؟

(۱)  $\frac{2(y_1 - y_2)^2}{(y_1 + y_2 + y_3 + y_4)^2}$

(۲)  $\frac{2(y_2 - y_4)^2}{(y_1 + y_2 + y_3 + y_4)^2}$

(۳)  $\frac{2(y_1 - y_2)^2}{(y_3 + y_4)^2}$

(۴)  $\frac{2(y_1 - y_2)^2}{(y_1 + y_2 - y_3 - y_4)^2}$

Moshaveranetahsili.ir



مشاوران تحصیلی

۱۱۰- مدل رگرسیونی  $Y_i = \alpha + \beta x_i + \varepsilon_i (i = 1, \dots, n)$  را در نظر بگیرید که در آن  $\varepsilon_i \sim N(0, \sigma^2)$ . اگر  $\hat{\sigma}^2$  و  $\hat{\sigma}^2$  به ترتیب برآوردگرهای ماکسیمم درست‌نمایی و کمترین توان‌های دوم خطا برای  $\sigma^2$  باشند، آنگاه  $E(\hat{\sigma}^2 / \hat{\sigma}^2)$  کدام است؟

(۱)  $\frac{\sigma^2}{2}$

(۲)  $\sigma^2$

(۳)  $\sigma^4$

(۴)  $\sigma^2$

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

moshaveranetahsili.ir



Moshaveranetahsili.ir

Moshaveranetahsili.ir



مشاوران تحصیلی

تخصصی ترین مرکز مشاوره، برنامه ریزی

تضمین قبولی کارشناسی ارشد

*moshaveranetahsili.ir*



Moshaveranetahsili.ir